

## LIMITA POSLOUPNOSTI - 1

1. Necht'  $P$  je polynom stupně menšího než  $k \in \mathbf{N}$ . Potom  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{P(n)}{n^k} = 0$ .
2. Necht'  $k \in \mathbf{N}$  a  $a \in \mathbf{R}, a > 1$ . Potom  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^k}{a^n} = 0$ .
3. Necht'  $a \in \mathbf{R}, a > 0$ . Potom  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a^n}{n!} = 0$ .
4. Necht'  $a, b \in \mathbf{R}, a > b > 0$ . Potom  $\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{a^n + b^n} = a$ .
5. (bez důkazu) Necht'  $k \in \mathbf{N}$  a  $\{a_n\}$  je posloupnost nezáporných čísel splňující  $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = A \in \mathbf{R}$ . Potom  $\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[k]{a_n} = \sqrt[k]{A}$ .
6. Platí  $\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt{2 + \frac{1}{n}} = \sqrt{2}$ .
7. Platí  $\lim_{n \rightarrow \infty} (\sqrt{n+1} - \sqrt{n}) = 0$ .